# 2平行レーザシートの投光による下水管形状計測ロボット\*

川末紀功仁\*1, 酒井将司\*2, 脇山輝史\*2, 大山茂樹\*3, 千田 尚\*4

## Sewer Pipe Measurement Robot Using Parallel Laser Sheets

Kikuhito KAWASUE<sup>\*5</sup>, Shoji SAKAI, Terufumi WAKIYAMA, Shigeki OHYAMA and Hisashi SENDA

> \*5Miyazaki University, Fuculty of Engineering 1-1, Gakuen Kibanadai Nishi, Miyazaki, 889-2192, JAPAN

Sewer pipes over 380,000 kilometers in total are existed under the ground in Japan. However, worn pipes have been increased and a number of subsidences of a ground caused by the collapse were occurred. Recently, the inspection of the pipe is executed by the moving cart with CCD camera. Currently human inspector judges the condition of the pipe by the images recorded by the CCD camera. It should be noted that the judgment by the human causes the individual variation since it depends on the person's sense. Quantitative measurement is required.

In this paper, the 3D quantitative measurement system for a sewer pipe is introduced. Two parallel laser sheets are projected from the inside of the pipe and the two circular laser streaks appeared on the inside surface of the pipe are recorded by the CCD. The measurement of the cross-section is established by analyzing the recorded streaks. Amount of displacement between two circular streaks are used to detect the tilt of the system against the axis of the pipe. The pipe is reconstructed by stacking of the cross-sections on considering the moved distance and the tilt of the robot. The automatic calibration using a liquid crystal display is also introduced in this paper. The calibration method reduces the lens distortion of a wide-angle lens and a high accurate measurement is established. Experimental result shows the feasibility of the system.

Key Words: Sewer, Pipe measurement, Image processing, Laser, Calibration, 3 Dimensional

#### 1. 緒 言

国内の下水管は高度成長期から急激に整備され、平 成16年度末における下水管路の延長は全国で約38 万キロに達している.しかしながら、設計耐用年数(約 50年)を超過する下水管が今後増加することが危惧 されている<sup>(1)</sup>.道路陥没は人身事故や交通障害などを 引き起こし、社会的に重大な影響を与えかねないため 早急な対応が必要である.現在、国内に埋設されてい る下水管の約8割は人が入ることができない直径 450mm以下の管であるため、CCDカメラを備えた下 水管走行車<sup>(2)~(4)</sup>によって撮影された画像の観察から管 の状態を判断する方法がとられている.しかしながら、 人の感覚的な判断による検査では検査結果に作業者の 個人差が生じるので定量的な計測が望まれる. 福田ら <sup>(5)6)</sup>によって超音波エコーを用いて肉厚を測定するこ とで空調管の腐食状態を定量化する試みがなされてい るが,下水管の場合,管内の凹凸が大きく,探触子と 管内面の良好な接触が保てないため,下水管走行車で の利用は難しい.

一方、CCDとレーザを組み合わせた光切断法による画像計測手法は非接触計測が可能であり、細管内面の損傷を計測する方法などが提案されている<sup>(7)8)</sup>.しかしながら、下水管など比較的大径の管内形状を下水管 走行車で計測するには、管軸と走行車の相対的な傾き を考慮する必要がある.

そこで、CCDカメラと平行な2枚のレーザシート の投光により下水管形状および管軸とロボット本体の 相対的な傾きを同時に計測するロボットを試作した<sup>(9)</sup>. 管内部から管軸に対し垂直方向にレーザシートを投光 し、管内面に現れるリング状軌跡をCCDで撮影する ことで管内面の断面形状を計測する.また、投光する レーザを2枚の平行なレーザシートとすると管内面に は2つのリング状軌跡が現れる.走行ロボットが管軸

<sup>\*</sup>原稿受付 0000年00月00日

<sup>\*1</sup>正員,宮崎大学工学部(〒889-2192 宮崎市学園木花台西 1-1)

<sup>\*2</sup> 宮崎大学大学院工学研究科

<sup>\*3</sup>ビーマウントプロダクツ

<sup>\*4(</sup>株)大林道路

E-mail: kawasue@cc.miyazaki-u.ac.jp

に対して傾いていると,撮影される2つのリング状軌 跡が傾きに応じてずれるのでそのずれ量から走行ロボ ット本体の傾きを検出する.

本論文では、計測原理、キャリブレーションおよび 下水管形状計測結果を紹介する.

## 2.システム構成

図1に計測装置の全体像を示す.ロボット本体はパ ルスモータによって駆動される.ロボット前方に取り 付けられたレーザ投光器によって投光された2平行レ ーザ光を管内で周方向に高速回転させ,管内面に現れ たリング状軌跡の形状をCCDカメラで撮影する.下 水管内面が腐食によって変形しているとリング状軌跡 の形状変化として現れる.撮影されたリング状軌跡を コンピュータに取り込み,画像解析を行う.





Fig.3 Reconstructed image of the pipe

図2に製作したレーザ投光器の概観を示す.中空軸モ ータの中空軸片側に透過率50%のビームスプリッタ① を固定し、逆側にはビームスプリッタの反射面に対し て180度位相がずれるようにミラー②を取り付けてい る.これによりモータ軸に対し垂直方向に2本のレー ザ光が投光される.モータの中空軸を高速回転するこ とで管内面に2つのリング状軌跡が描かれる.図3の ようにリング状軌跡を基に算出した断面形状をロボッ トの移動距離と管軸に対するロボットの傾きを考慮し ながら積み重ねることで管内面の三次元形状を復元す る.

## 3. キャリブレーション

画像計測におけるキャリブレーションは、その善し 悪しが計測精度に影響するため重要な作業であるが、 一般的に煩雑である.そこで、液晶ディスプレイに表 示された基準点をCCDカメラで撮影することにより、 レンズ歪みを考慮したキャリブレーションを自動的に 行う手法を提案する.液晶の膨大な数の発光素子を有 効利用したものであり、自動的に高精細なキャリブレ ーションが実現できる.本システムではレンズ歪みを 補正した後に、カメラ座標とワールド座標の関係を求 めることで正確なキャリブレーションを行う.

3. 1 歪み補正 国内で使用されている下水管 の径は約200~700 mm で様々である. ロボットの小 型化のためにカメラと計測断面間の距離を長く取れな いので、下水管の様々な径を網羅するには広角レンズ を使用する必要がある. ただし、広角レンズは、樽型 歪みが大きいため、予めこの歪みを補正する必要があ る. Tsai<sup>(10)</sup>らは歪み補正前の受像面上の点(*X<sub>d</sub>*,*Y<sub>d</sub>*)と補正 後の(*X<sub>u</sub>*,*Y<sub>d</sub>*)の関係を以下のように定義している.

$$\begin{cases} X_u = X_d (1 + kR^2) \\ Y_u = Y_d (1 + kR^2) \end{cases}$$
(1)  
$$\Xi \subseteq \overline{C}$$

 $R^{2} = X_{d}^{2} + Y_{d}^{2}$  rest.

(X<sub>u</sub>,Y<sub>u</sub>)および(X<sub>d</sub>,Y<sub>d</sub>)はレンズの光軸とCCDの交わる光軸中心を原点Oとした座標系にあり,Rはこの原点から(X<sub>d</sub>,Y<sub>d</sub>)までの距離とする.ただし、コンピュータに取り込んだ画像データの中心がこの光軸中心Oと一致しているとは限らない.レンズの焦点距離を変化させ、画像上で変位しない部分を探すなど<sup>(11)</sup>の光軸中心Oを見つける方法が考えられるが、本システムでは液晶ディスプレイを用い、次のような手続きで画像デ

ータにおける光軸中心Oの位置および式(1)の定数kの 値を算出した.図4において,

- (1) 液晶ディプレイ上の左上角に点Aを表示さ せる.
- 液晶ディスプレイをCCDカメラで正面から撮影する.
- (3) 撮影された画像上(図4b)で点A'と点B' の水平座標(u)が等しくなるように点Bを 液晶ディスプレイ左下角に表示させる.
- (4) (3)と同様に撮影された画像上で点A'
  と点C'の垂直座標(v)が等しくなるように
  点Cを液晶ディスプレイ右上角に表示させる.
- (5) 液晶ディスプレイ上で直線ABおよび直線 ACを結ぶ



a. Base points displayed on the LCD

b. Distorted image recorded by CCD with wide lens.

Fig. 4 Lens distortion correction procedure



Fig. 5 Original image with distortion



Fig.6 Reconstructed image by distortion reduction procedure

- (6) 樽型に歪んで撮影された曲線 A' B'および 曲線 A' C'の近似曲線を最小2 乗法によっ て求める.
- (7) 求めた近似曲線のuおよびvの極小値から 樽型歪みの中心Oを算出する.これがレン ズ光軸とCCDの交わる光軸中心Oである.
- (8) 曲線 A'B'上の点が式(1)によって Xu が一定 な直線上に変換されるように k の値を決定 する.

広角レンズで撮影した画像の例を図5に、また、上述した手法によって歪み補正を行った結果を図6に示す. レンズによっては歪みが若干残るが、次節で説明する通り、画像を小領域に分け、それぞれの領域毎に結像面画像とワールド座標の変換式を作成することで、更に歪みが補正される.

3. 2 液晶を用いたキャリブレーション 図7 のようにカメラの焦点からCCDの結像面までの距離 をfと置くと,計測点 P( $x_p, y_p, z_p$ )に対応する結像面上の 点( $x_i, y_i$ )は、カメラの焦点を原点としたカメラ座標系に おいて、

$$x_i = f \frac{x_p}{z_p}, y_i = f \frac{y_p}{z_p}$$
(2)

で与えられる(12)(13).

また、 $z_c = \lambda$ とおいて線形化すると、この関係は以下の行列で表される.

$$\lambda \begin{bmatrix} x_i \\ y_i \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f & 0 & 0 \\ 0 & f & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \end{bmatrix}$$
(3)

ワールド座標系( $x_{w,y_{w,z_w}}$ )で表すために拡大,回転と 平行移動を考慮すると、 $3 \times 4$ のC行列(カメラパラ メータ)を用いて、以下のように記述できる.

$$\lambda \begin{bmatrix} x_i \\ y_i \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} & c_{14} \\ c_{21} & c_{22} & c_{23} & c_{24} \\ c_{31} & c_{32} & c_{33} & c_{34} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_w \\ y_w \\ z_w \\ 1 \end{bmatrix}$$
(4)

また、ワールド座標の $x_w y_w$ 軸を計測位置となるレーザ シート面上に重ねると、 $z_w=0$ となり、以下のように簡 略化できる.

$$\lambda \begin{bmatrix} x_i \\ y_i \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ c_{21} & c_{22} & c_{23} \\ c_{31} & c_{32} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_w \\ y_w \\ 1 \end{bmatrix}$$
(5)

カメラパラメータCは、既知のワールド座標(x<sub>w</sub>, y<sub>w</sub>)と 対応する結像面座標(x, y)の組み合わせを複数点入 力することで決定できる.本システムでは、図8のよ うにレーザ投光面に液晶ディスプレイを設置し、液晶 ディスプレイに表示されたドットパターンをCCDカ メラで撮影することでこの入力を自動的に行う<sup>(14)</sup>.正 確なキャリブレーションを実施するために、できるだ け多くの組み合わせを入力し、結像面の小領域ごとに 異なるカメラパラメータを算出する. 短時間で多数の 組み合わせを入力するために, 各点の点滅方法を2進 コード化することで各点の識別を行う. CCDカメラ で点滅に同期させて撮影し、時系列的な点滅の状態か ら各点を区別する. 例えば表 1 に従って各校正点を4 回点滅させ、時系列的に並べると15個の校正点の識別 ができる. n回の点滅で2<sup>n</sup>-1 個の校正点を識別でき るので、 図9のような10回の点滅では1.023 個の対応 点を識別できる. 100 万個の基準点でも 20 回の点滅で コード化が可能である.カメラの取り込み周期に同期 させて撮影することで瞬時に多数の組み合わせを検出 できる.検出された各点のワールド座標と結像面座標 の組み合わせを基に対応表(表2)を作成する. 式(5)を展開して整理すると

$$\begin{cases} c_{11}x_{w} + c_{12}y_{w} + c_{13} - c_{31}x_{i}x_{w} - c_{32}x_{i}y_{w} = x_{i} \\ c_{21}x_{w} + c_{22}y_{w} + c_{23} - c_{31}y_{i}x_{w} - c_{32}y_{i}y_{w} = y_{i} \end{cases}$$
(6)

の2つの式が得られる.したがって, c<sub>11</sub>から c<sub>32</sub>までの8個の未知数は,同一直線上にない4個以上の基準 点を用いて以下の連立方程式により算出する.

$$\begin{bmatrix} x_{w1} & y_{w1} & 1 & 0 & 0 & 0 & -x_{i1}x_{w1} & -x_{i1}y_{w1} \\ 0 & 0 & 0 & x_{w1} & y_{w1} & 1 & -y_{i1}x_{w1} & -y_{i1}y_{w1} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ x_{wn} & y_{w1} & 1 & 0 & 0 & 0 & -x_{in}x_{wn} & -x_{in}y_{wn} \\ 0 & 0 & 0 & x_{wn} & y_{wn} & 1 & -y_{in}x_{wn} & -y_{in}y_{wn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_{11} \\ c_{12} \\ \vdots \\ c_{31} \\ c_{32} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{i1} \\ y_{i1} \\ \vdots \\ x_{in} \\ y_{in} \end{bmatrix}$$

これを

 $A \cdot C = I \tag{8}$ 

と表すと、最小2乗法により、

$$C = (A^t A)^{-1} A^t I \tag{9}$$

で、未知数 c<sub>11</sub>から c<sub>32</sub>が算出される. よってカメラ座標からワールド座標への算出式は以下 のようになる.

$$\begin{bmatrix} x_{w} \\ y_{w} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{31}x_{i} - c_{11} & c_{32}x_{i} - c_{12} \\ c_{31}y_{i} - c_{21} & c_{32}y_{i} - c_{22} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} c_{13} - x_{i} \\ c_{23} - y_{i} \end{bmatrix}$$
(10)

表2をもとに基準点を4個以上含む小領域ごとに異な る変換式を算出することで、高精細なキャリブレーシ ョンが実現できる.

小領域ごとに定められた変換式(10)を用いてあらか じめCCDの全画素について変換テーブルを作成する. 図10は広角レンズで撮影された画像(図5)の全画 素を作成された変換テーブルによってワールド座標に 変換し、表示し直したものである.広角レンズによっ て斜めから撮影された格子(図5)が3.1と3.2 のステップによって歪みの無いワールド座標データに 変換されていることがわかる.レーザシート面上でキ ャリブレーションを行うため、図10から確認できる ようにワールド座標データは同一平面上に存在する. 計測時には、リング状軌跡が現れる画素位置に対応す るワールド座標を作成した変換テーブルから参照する ことで、リアルタイム計測を実現する.

精度評価のために,液晶ディスプレイの任意の位置 に輝点を表示し検証を行ったところ,計測誤差は平均 0.16mm で最大でも 0.4mm 程度であった.



Fig.7 Relation between camera coordinate and world coordinate



Fig. 8 Calibration setup

(7)

	T <sub>1</sub>	$T_2$	T <sub>3</sub>	T <sub>4</sub>
Point 1	0	0	0	1
Point 2	0	0	1	0
Point 3	0	0	1	1
Point 4	0	1	0	0
Point 5	0	1	0	1
:	:	:	:	:
Point 14	1	1	1	0
Point 15	1	1	1	1

Table 1 Encoded pattern on LCD (1:On 0:OFF)

Table 2	Look up ta	ble between	world	coordinate	and
camera c	oordinate				

World coordinates		Camera coordinates		
$x_{wl}$	$\mathcal{Y}_{wl}$	$x_{il}$	$y_{il}$	
$x_{2w2}$	${\mathcal Y}_{w2}$	$x_{i2}$	$y_{i2}$	
$x_{w3}$	${\cal Y}_{W3}$	$x_{i3}$	<i>Y</i> <sub><i>i</i>3</sub>	
$x_{w4}$	$\mathcal{Y}_{w4}$	$x_{i4}$	$\mathcal{Y}_{i4}$	
$x_{w5}$	$\mathcal{Y}_{w5}$	$x_{i5}$	$\mathcal{Y}_{i5}$	
$x_{w6}$	Учб	<i>x</i> <sub><i>i</i>6</sub>	<i>Y</i> 16	
:	:	:	:	
$x_{wn}$	$\mathcal{Y}_{wn}$	$x_{in}$	$y_{in}$	









Fig. 10 Image of world coordinate on the lookup table (a) Front view (b) Tilt view

## 4. 管内形状計測

4.1 軌跡の検出 CCDカメラの画像取り込み周期を 60Hz,露光時間を 1/60[s],レーザ投光器の回転数を 30Hz とした場合,図2のようにビームスプリッタとミラーは位相を 180度ずらしてあるので,撮影される軌跡は,図11のような向かい合った半円軌跡として描かれる.①と②はそれぞれカメラに近い方のリング軌跡と遠い方のリング軌跡である.各画面でそれぞれの軌跡を画像処理により切り出した後,時間的に連続した2画面を合成することで2つの閉じたリング軌跡を検出する.このように2本のレーザの投光方向の位相を 180度ずらすことで,それぞれのリング軌跡の切り出しを容易にしている.

4.2 傾きの検出 管内の状態によりロボット が管軸に対して図12のように傾斜している場合が想 定される.この場合,2平行レーザによって描画され る2つの円軌跡はロボットと管軸の傾斜方向にずれて 撮影される.図13に傾斜時の円軌跡を示す.リング 状軌跡が現れる画素位置に対応するワールド座標を変換テーブルを用いて求めた後、それぞれの円軌跡の中 心をハフ変換<sup>(15)</sup>を用いて求める.

また,円軌跡の管軸に対する傾斜は以下の式で表せる.

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{d}{L} \right) \tag{11}$$

ここで, *d* は2つの円軌跡の中心のずれ量で, *L* は2 つの円軌跡の間隔である. 図14は内径 300mm 管に おける傾きの計測性能を評価した結果である. L=50mm の場合で誤差は0.2 度程度であり, 十分な精 度を有することが確認できた.



Fig. 11 Sample of recorded streaks



Fig. 12 Parallel lasers projected by a robot with slope



Fig. 13 Deviation betweens two streaks



Fig. 14 Measurement result of the slope of the robot against the pipe

4.3 計測の流れ 計測の流れを図15に示す. 第3節で述べた較正法によって、レンズ歪みが削減さ れると共にカメラ座標からレーザ平面上のワールド座 標への変換テーブルが算出される.算出されたテーブ ルはレーザ平面とカメラの相対的な位置関係を変更し ない限り同一のものが利用できる.

変換テーブルを作成した後,ロボットを計測開始位 置に走行させ、レーザ軌跡の撮影を行う.レーザ軌跡 が現れる画素位置に対応するワールド座標を変換テー ブルを用いて求めることで計測断面形状を算出する. また、2つの円軌跡のずれ量からロボット本体の傾き θ(計測断面の管軸に対する傾き)を検出する.ロボ ットの移動距離と管軸に対するロボットの傾きを考慮 しながら計測断面を積み重ねることでコンピュータ上 に管内面の三次元形状を復元する.

### 5. 形状計測実験

内径 300mm の下水管内でロボットを走行させて形状 計測を行った. レンズ(*f*=4.5 nm)と2枚のレーザ投光面 の距離は250mm および300mm である.使用した計測 ロボットの写真を図16に示す.



Fig. 15 Flowchart of measurement

下水管内面に粘土で作成したAとBの文字を図17の ように貼り付けて計測を行った.ロボットを5 mm/s で走行させ、毎秒3断面の計測を行った.計測された 断面形状を管軸方向に重ねることで、コンピュータ上 に形状を復元した例を図18に示す.また、図19は 文字を貼り付けた部分の拡大図を示す.

下水管内の腐食を想定し、人為的に 10mm の高さの 段差を作り、本計測器で計測したところ、誤差は平均 で 0.36 mm、最大で 0.6 mm 程度であった.

ロボット走行中にオンラインで計測結果を出力す る場合には、フレームメモリからの画像データ読み込 みなどに時間を要するため、毎秒3断面の計測が限界 である.サンプリング周期を短くしたい場合や測定時 間を短縮したい場合にはロボット走行中に画像を別途 記録媒体に保存し、後で記録媒体からコンピュータに 画像データを読み込んで処理を行う.

#### 6. 結 言

下水管内を走行し、管内面形状を計測するシステム を提案した.画像処理技術を用いることで、下水管の 内面形状が自動的に計測され、三次元データがコンピ ュータに取り込まれる.2平行レーザを投光すること で、撮影される2つの円軌跡のずれから管軸に対する ロボットの傾きを検出できる.また、液晶ディスプレ イを用いてカメラのレンズ歪み補正とキャリブレーシ ョンを実施する方法を提案した.液晶の膨大な数の発 光素子を有効利用したものであり、自動的に高精細な キャリブレーションが実現できる.下水管内面に人為 的に作った段差を計測した場合の誤差は0.6mm 以内 で下水管の検査装置としては十分な性能であることを 確認した.

実際の下水管では内面のぬめりや変色があり,実験 室内の実験では想定できない課題が生じる可能性があ る. 今後は,装置に防水対策を施し,現場での実験を 実施する必要がある.



Fig. 16 Measuring robot



Fig. 17 Inside of the measured pipe



Fig. 18 Reconstructed pipe on computer



Fig. 19 Reconstructed characters 'A' and 'B'

#### 謝辞

本研究の一部は、日本学術振興会科学研究費補助金 (萌芽研究 18656153)の助成を得て行われた.記して 謝意を表する.

#### 文 献

- Sewerage policy research committee "Report of Sewerage policy to realize circular path", Ministry of land, infrastructure and transport (2006)
- Ogawa., H, Inspection Robot(P448) for a large pipe, *Journal of Sewerage*, Vol. 27-5( 2004), pp.58-59.
- (3) Muramatsu, M., Suga, Y., Ishikawa, M. and Murata, Y., Development of Globular Mobile Robot with Vision System

for Monitoring Inside of Piping, *Transactions of the Japan Society of Mechanical Engineers, Series C*, Vo.71, No.702(2005), pp.278-283.

- (4) Ohta, M., Kajiwara, K., Ishikawa, S. and Kurosu, k., Composing Panoramic Views for Inspecting Inside of Cylindrical Pipes, *Technical Report of IEICE*, R95-16 (1995), pp. 25-30.
- (5) Fukuda, T., Yui, H., Sakamoto, S., Abe, Y., Hasegawa, Y., Kobayashi, F. and Arai, F., Inference of In-pipe Corrosions States using Wavelet Transformed, *Proceedings of the 12th intelligent system symposium*, No. 02-10(2002-11), pp. 479-482.
- (6) Fukuda, T., Yui, H., Sakamoto, S., Abe, Y., Hasegawa, Y., Kobayashi, F. and Arai, F., Study on In-Pipe Corrosion Diagnosis System (Corrosion Estimation on Screw Pats Using a Surface SH Probe), *Transactions of the Japan Society of Mechanical Engineers, Series C*, Vol.71, No.710(2005), pp.42-49.
- (7) Tanaka, H., Damage Measurement on Inside of Thin Tube Using Light Section Method (3rd report, Development of the Program which can be Measured the Size of Damage), *Memoirs of Hiroshima city Industrial Technology Center*, Vol.15(2001), pp.55-59.
- (8) Hasegawa, K. and Sato, Y., Trial manufacture of an endoscope type range finding system, *Technical Report of IEICE*, PRMU98-3(1998), pp.17-24
- (9) Kawasue, K, Pipe Measurement System, Japanease Patent Disclosure 2006-064690 (2006)
- (10) Tsai,R. A versatile camera calibration technique for high-accuracy 3d machine vision metrology using off-the-shelf tv cameras andlenses, *IEEE Journal of Robotics* and Automation, vol. 3, no. 4(1987),pp. 323–344.
- (11) Lenz, R.K and Tsai, R.Y, Techniques for Calibration of the Scale Factor and Image Center for High Accuracy 3-D Machine Vision Metrology, *Transactions on Pattern Analysis* and Machine Intelligence, Vol.10. No.5(1988), pp. 713-720.
- (12) Inokuchi,S. and Satou,K., 3D Imaging Techniques for Measurement, Shokodo(1990)
- (13) Gou, J. and Tsuji, S. *Three-dimensional vision*, Kyoritsu Shuppan(1998)
- (14) Kawasue, K., Aramaki, S. and KIRA, T., Automatic calibration on PIV, *Proceedings of 7th SICE Symposium on Industrial Application System*(2006), pp.9-13.
- (15) E.R. DAVIES, Machine Vision: Theoriy, Algorithms, Practicalities, Academic press, Harcourt Brace Jovansvich, Publishers.(1990)