盛土基礎地盤の耐震性に及ぼす地震動と盛土条件の影響 に関する解析学的研究

中村 真貴^{a)}· 亀井 健史^{b)}· 山田 剛広^{c)}

Numerical Studies on the Effects of Seismic Loading and Embankment Conditions on Seismic Performance of Embankment Foundations

Masaki NAKAMURA, Takeshi KAMEI, and Takahiro YAMADA

Abstract

Number of severe damages due to earthquakes have been occurred in Japan. Currently, much attention is being given to road embankments damage by big earthquakes. Consequently, the proper seismic design and improvement of embankments are needed to prevent catastrophic failure of embankment. This master thesis describes numerical studies on the effects of seismic loading and embankment conditions on seismic performance of embankment foundations. The deformation characteristics of embankment foundation caused by seismic loading were compute and compared. It was found that the relationship between seismic loading and embankment conditions were quantitatively shown and it also investigated the effect of embankment materials on seismic performance of embankment. Finally, this master thesis emphasizes to geotechnical engineers the necessity of integrated evaluation for the refinement of construction technology. It is, therefore, concluded that the numerical investigations may be utilized as a preliminary step in engineering practice.

Keywords: Seismic performance of embankment, FEM, Seismic loading, Embankment condition

1. はじめに

1995年兵庫県南部地震(M7.3)の発生以降、2004年新 潟県中越地震(M6.8)、2011年東北地方太平洋沖地震 (M9.0)など大きな被害を伴う地震が発生している。さ らに今後50年以内に南海トラフや相模トラフなどで、 M7.0~8.0規模の地震が高確率で発生すると予測されてい る。しかしながら、我が国は国土が狭く、さらに経済成長 に伴う人間活動の拡大により、平野部の軟弱地盤上にも構 造物が建設されている。

現在、道路盛土や鉄道盛土だけではなく、都市域におい ても無数の既設造成盛土が存在し、地震により地すべりや 沈下が生じ、家屋やライフラインにも多くの被害が発生す るなど、土構造物の地震による被害事例も多い。また、2004 年新潟県中越地震(M6.8)をはじめとして、最近の地震 による道路盛土や河川堤防崩壊などの被害は、構造物自体 の一時的な機能喪失に加え、道路の封鎖など社会的に大き な影響をもたらす。そして、盛土は経済性、材料の安定性 や復旧性に優れた構造物ゆえに耐震性能が低いため、既設

a)資源環境科学専攻大学院生 b)土木環境工学科教授

c)土木環境工学専攻大学院生

盛土の耐震性向上は重要な課題である。そのためにも、盛 土の地震時応答を明らかにする必要がある。盛土の地震被 害を未然に回避するためには、数値解析手法による変形解 析を行い、その周辺地盤に及ぼす影響を定量的に予測する 必要がある。このことは工学的に非常に有意である。

沢部や谷部を埋めた盛土は、地震時に大規模な被害を受けやすい傾向にあり、それらの主要因として浸透水等による盛土内の間隙水圧上昇などが考えられる。それらの対策として盛土内の水位を低下させることや、盛土法尻の安定性を高めることにより、大規模な崩壊を防ぐことができる¹⁾。また、鍋島ら²⁾は、盛土の法尻部分の補強により天端における応答加速度と沈下量が減少することを示している。そして、補強範囲を拡大することにより、さらなる耐震性の向上が認められることを示唆した。

盛土の変形解析において、有限要素法による変形解析が 一般的に用いられる手法である。この有限要素解析により 実地盤の変形挙動を精度よく予測するためには、信頼でき る土の構成式、正確な土質定数、さらに初期条件と境界条 件を設定する必要がある。亀井ら^{3),4)}は試験盛土基礎地盤 の変形・破壊形状を土/水連成有限変形有限要素解析によ ってシミュレートした。土の構成モデルとして、Cam-clay モデルを用い、構成モデルに必要な一連の土質定数は、塑 性指数 PI から推定する簡易土質推定数定法を用いて決定 した。その結果、高い精度で実地盤の変形挙動が予測可能 であることを明らかにした。

地盤の空間的不均質性により、地震時における盛土の応 答特性にばらつきが生じるため、基礎地盤から盛土天端に いたる伝搬過程において地震波が増幅される傾向にあり、 盛土部の残留変位量が非常に大きくなる⁵⁾。また、降雨等 による盛土表層のみならず盛土内の飽和度変化が粘着力 の低下をもたらし、降雨後の盛土の耐震性低下につながる ことが報告されている⁶⁾。

しかし、最も基本的な盛土材料や地盤材料が盛土の耐震 性に及ぼす影響の評価を数値計算による解析から明らか にした研究はあまり報告されていない。良質な盛土材料を 用いることや、十分な締固めを行うことで無補強盛土でも 十分な支持力を有する研究⁷も行なわれている。盛土材の 条件により被害の程度が異なることから、盛土基礎地盤の 耐震性評価の土台となる研究を行なうことは社会的意義 のあることである。

盛土基礎地盤の耐震性に及ぼす要因として、地震動の条件、盛土材の条件が挙げられる。本研究は、地震動の条件 として、単純にエネルギーの大きな地震(マグニチュード の大きな地震)、あるいは加速度・速度の大きな地震波が 盛土基礎地盤に及ぼす影響について解析・検討する。また、 表層地盤上に造成される盛土材の材料定数を変えて解析 することにより、盛土材の条件が盛土基礎地盤の耐震性に 及ぼす影響を明らかにすることを目的とする。

2. 土の構成モデル

本研究では、土の構成モデルとして弾完全塑性体・非関 連流れ則(MC-DP モデル)^{8), 9), 10)}を用いた。このモデルは、 必要な物理変数(単位体積重量 γ 、弾性係数 E、ポアソン 比 v、粘着力 c、内部摩擦角 ϕ 、ダイレイタンシー角 ψ) が少なく、非常に簡潔で数値計算における取り扱いが容易 である。降伏基準に Mohr-Coulomb 式を、そして塑性ポテ ンシャルに Drucker-Prager 式を適用した。

Mohr-Coulomb 式は、土を摩擦性材料とみなし、破壊が 主にせん断で起こると考えたモデルであり、次式で表わさ れる。

$$\tau_{\rm f} = c + \sigma_{\rm f} \tan \phi \tag{1}$$

ここに、 τ_f はせん断強度、 σ_f は破壊面上の垂直応力である。主応力表示だと次式のようなる。

$$\sigma_1 - \sigma_3 = 2c \cdot \cos\phi + (\sigma_1 + \sigma_3) \cdot \sin\phi \tag{2}$$

ただし $\sigma_1 > \sigma_2 > \sigma_3$ 。ここに、 σ_1 は最大主応力、 σ_3 は

最小主応力である。応力不変量 I₁, J₂, J₃ では次式のように 表記される。

$$f(I_1, J_2, J_3) = -I_1 \cdot \sin\phi + \frac{1}{2} \{3(1 - \sin\phi)\sin\Theta + \sqrt{3}(3 + \sin\phi)\cos\Theta\} \sqrt{J_2} - 3c \cdot \cos\phi$$
(3)

$$\Theta = \frac{1}{3}\cos^{-1}\left(-\frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{J_3}{(J_2)^{3/2}}\right)$$
(4)

塑性ポテンシャルは、降伏した材料の塑性ひずみ増分の 方向を規定するスカラー関数である。この塑性ポテンシャ ルに Mohr-Coulomb 式を適用した場合を考えると、応力空 間での形状が6角形となり、この6角形の頂点は微分係数 が不定となる。すなわち、塑性ひずみの方向が不定となる 特異点であり、このための特別な処理方法が必要となるが、 計算結果が処理方法に依存するため、適切ではない。そこ で特異点を持たない Drucker-Prager 式を塑性ポテンシャル に適用する。Drucker-Prager 式の降伏面は主応力空間では 円錐形となり、特異点が存在しない。三次元応力状態にお ける降伏条件として Drucker-Prager 式は次式で与えられる。

$$-\alpha \times \mathbf{I}_1 + \sqrt{\mathbf{J}_2} - \kappa = 0 \tag{5}$$

ここに、 α は材料定数、 κ はせん断降伏応力である。応 力不変量表示では次式のようになる。

$$g(J_1, J_2) = -\alpha \times I_1 + \sqrt{J_2}$$
(6)

$$\alpha = \frac{\tan\psi}{\sqrt{9 + 12 \times \tan^2\psi}} \tag{7}$$

塑性ポテンシャルは応力に関する、微分係数が塑性ひずみ 増分を求めるのに利用されるので、定数 κ は関与せず、ま た α はダイレイタンシー角 ψ によって求めることができ る。

ここで、過去に起こった盛土の地震被害データ¹¹⁾と弾 完全塑性体・非関連流れ則(MC-DPモデル)を用いた有 限要素法による解析結果との比較を行なった。図1は、震 央距離に応じて天端(図3参照)の沈下比(沈下量/盛土 高)が地盤の硬さによって異なることを示している。過去 の盛土被害データは1978年6月12日に発生した宮城県沖 地震(M7.4)によるものである¹¹⁾。この宮城県沖地震と マグニチュードの大きさの似た岩手・宮城内陸地震 (M7.2)、鳥取県西部地震(M7.3)、福岡県西方沖地震

(M7.0)の K-NET および KiK-net の地震動観測記録を用 いて、1種地盤、2種地盤、3種地盤、4種地盤¹¹⁾ごとに 解析を行った。用いた観測点は岩手・宮城内陸地震は



図1 過去の地震による盛土被害¹¹⁾と有限要素による 解析結果との比較.

KiK-net 一関西(IWTH25: 震央距離 3km)、鳥取県西部地 震は KiK-net 仁多(SMNH02: 震央距離 24.4km)、福岡県 西方沖地震は K-NET 鎮西(SAG001: 震央距離 51km)で ある。1種地盤、2種地盤に関しては、震央距離に対する 被害程度において、どの地震動に対してもよい対応性を示 した。鳥取県西部地震と福岡県西方沖地震の3種基盤、4 種基盤における解析結果は実測値を過小評価している。こ れは、この2つの地震動が過去の地震動のマグニチュード より小さいためと考えられる。

3. 解析モデルと数値計算手法

解析対象とする盛土基礎地盤は図2 に示すような両盛 りの盛土を設定した。この盛土基礎地盤は高規格道路を想 定したため、天端幅を8mとした。さらに、一般的な道路 モデル想定しかつ盛土高が 5m 以下という条件から、法面 勾配を1:1.5 とした。盛土以下の基礎地盤として、層厚 10mの粘土層を設定し、その下に基盤を仮定した。すなわ ち、洪積層の上に 10m の沖積層が堆積したモデルとなっ ている。このモデルに対してメッシュ分割したものを図3 に示す。図3に示した左右対称の有限メッシュを作成し、 節点総数 607、要素 72 となるメッシュ分割を行った。有 限要素のメッシュサイズは盛土部材を 4/3m×2m、表層地 盤を 2.5m×5m、基盤部材を 4m×5m とした。基盤部分に おけるメッシュサイズの大きさは、非常に硬い部材であり 変形することがほとんどないと考えられるため、ほかの盛 土、表層地盤部分より粗いメッシュサイズとなっている。 また、このモデルの変形に対する境界条件は、図3に示す とおり、底面を2方向固定、側面をX軸方向固定とした。

弾完全塑性有限要素法の解析は、解析コード 「Quake3d20.exe」^{8),9),10)}用いた。弾完全塑性有限要素法の 解析プログラムの概要を簡単に説明する。有限要素は20



節点六面体アイソパラメトリック要素(2×2×2Gauss求 積)とし、入力地震波は基本入力の水平加速度(E+F入力) で規定した。また、各時刻における弾塑性収束計算には、 修正Newton-Raphson法を用いた。修正Newton-Raphson法は 各反復過程における変位増分の計算に弾性係数マトリク スのみを使用し、計算時間がかかる逆行列の計算が一回で 済むという利点がある。さらに、弾塑性係数マトリクスが 非対称となる非関連流れ則を適用しても、要素レベルの応 力計算のみに使用するので、計算時間や記憶容量にあまり 影響しない。そして、時間積分にはNewmarkのβ法を用い た。また、粘性減衰はRayleigh減衰を仮定した。

本研究では、解析結果の考察を行なうにあたり、図3に 示す盛土の天端、法肩、法尻における変形の鉛直変位量を 目安とした。

4. 解析結果と考察

4.1 入力地震波が盛土の地震応答に及ぼす影響

3 章で述べた盛土基礎地盤モデル(図 2)において、異 なる地震の観測加速度波形で解析を行なった。この解析か ら、地震波が盛土の地震応答に及ぼす影響を解析的に検討 した。

各部材の材料定数を表1に示す。盛土材は比較的単位体 積重量を大きくし、地震波による変形量が大きくなるよう に設定した。さらに表層地盤においても同様の理由から、 弾性係数を小さくし、軟弱な地盤を仮定した。そして、基 盤となる洪積層は、弾性係数を大きくし、変形が生じない ような材料定数とした。

入力する地震動加速度波形は 2004 年新潟県中越地震 (M6.8)、2008 年岩手・宮城内陸地震(M7.2)、2011 年東 北地方太平洋沖地震(M9.0)の3つの地震による K-NET および KiK-net の強震観測記録を用いた。入力加速度波形 を図4 に示す。強震観測記録をして、新潟県中越地震は KiK-net 川西(NIGH11)、岩手・宮城内陸地震は KiK-net 一関西(IWTH25)、東北地方太平洋沖地震は K-NET 牡鹿 (MYG011)を用いた。強震観測点の地盤条件としては、 硬質地盤を選択した。本研究では盛土基礎地盤モデルにお いて、表層地盤と基盤を含むモデル化を行なった(図1 参照)。したがって、入力加速度としては硬質地盤の特性 をもつ加速度を用いる必要がある。図4に示す、それぞれ マグニチュードや最大加速度、地震動の継続時間が異なる 3 つの地震動観測記録を用いて有限要素法による変形解 析を行なうことにより、地震波の違いが盛土基礎地盤へ与 える影響を検討した。

図5~7は、3つの地震による変形解析結果の経時変化を、 図8~10は、盛土の天端、法肩、法面(図3参照)の鉛直方 向(Y方向)の盛土の応答変位波形を示す。

新潟県中越地震の場合は、20秒から25秒にかけて最大加 速度が生じているため、天端で76cm、法肩で54cm沈降し、 さらに天端・法肩の変位量が増すにつれて、法尻が約11cm 隆起する。これはある曲面ですべりが生じ始め、それに伴 い隆起したと考えられる。また25秒以降、加速度振幅は 1m/s²以下であるが、最大加速度の影響により、盛土の剛



	弾性係数	ポアソン比	粘着力	内部摩擦角	ダイレイタンシー角	単位体積重量
	E (MPa)	ν	c (kPa)	ϕ (deg)	ψ (deg)	$\gamma (kN/m^3)$
盛土	30	0.4	20	15	15	18
表層地盤	70	0.4	12.5	0	0	15
基盤	1000	0.3	2	30	30	25

表1 土の構成モデルに用いた材料定数.



図7 解析モデルの変形の経時変化(東北地方太平洋沖地震の場合).





性が低下したため各地点での変位量が増加したと考えられる。図8より、30秒でほぼ終局状態となり、天端が1.22m、 法肩が0.84m沈下し、法尻が0.22m隆起している。

岩手・宮城内陸地震の場合は、20秒で最大加速度が発生 するため天端・法肩において一気に変化が生じる。さらに、 大きな加速度を継続して入力されているため、30秒までの 盛土の変位量の推移が激しくなり、終局状態では、天端が 3.68m、法肩が2.76m沈下し、法尻が0.32m隆起している(図 9)。

東北地方太平洋沖地震の場合は、35~40秒の間において 一度目の加速度のピークが発生する。そのため、50秒程度 で変形が一旦は終局する。さらに、90秒で最大加速度が生 じ、各地点の変位量は2倍近くの変形となる。天端、法肩、 法尻のどの地点でも二段階の変化の推移が見られたこと を図10は示唆している。また、終局状態では天端が1.14m、 法肩が0.74m沈下し、法尻が0.23m隆起している。

入力地震動の最大加速度が大きくなるにつれて、変位量

は大きくなる傾向にある。しかし、東北地方太平洋沖地震 と新潟県中越地震の入力加速度とその解析結果を比較す ると、加速度は東北地方太平洋沖地震のほうが大きいが、 各地点の変位量は新潟県中越地震のほうが大きい。この要 因としては、共振作用の影響が考えられる。表層地盤の材 料定数より、本研究で設定した盛土基礎地盤モデルの表層 地盤の固有周期が約0.4秒程度となる。そして、新潟中越 地震の加速度応答スペクトルは、0.1秒から0.45秒では約 10m/s²程度となり、東北地方太平洋沖地震の加速度応答ス ペクトルは、0.1秒でピークに達し、表層地盤の固有周期 付近では約5m/s²となる。そのため、本研究の盛土基礎地 盤モデルは、新潟中越地震の加速度波形と共振を起こすと 考えられる。今後の課題として、固有値解析などにより、 盛土基礎地盤モデルの表層地盤の固有周期と、入力加速度 波形の周期成分の関係を解析的により明確にする必要が ある。

4.2 盛土条件が盛土の地震応答に及ぼす影響

つぎに、盛土材の材料定数をかえて解析を行った。弾性 係数 E、粘着力 c、単位体積重量 γ の値を変更することで、 盛土材料が盛土の地震応答に及ぼす影響を解析的に検討 した。また、解析に用いる地震波は東北地方太平洋沖地震 の観測加速度波形(図 4(c))とした。そして、表層地盤、 基盤の材料定数、並びに盛土材のポアソン比 v、内部摩擦 角 φ、ダイレイタンシー角 ψ は表 1 の値を設定した。

まず盛土材の弾性係数 E についての解析・検討を行な った。弾性係数は応力度/ひずみ度で表される値で、変形 のしにくさを表す。一般に硬いものほど弾性係数が大きく なるので、盛土材の弾性係数を E=30、60、90、120MPa の4つの場合について検討した。図 11 は盛土材の弾性係 数 E=60、90MPa の場合の盛土基礎地盤モデルの変形の終 局状態を示す。図 14 はそれぞれ 4 つの弾性係数 E と、そ の場合の盛土の天端、法肩、法尻における沈下量の関係を 表す。図 14 から、盛土材の弾性係数 E の向上による各地 点の変位量の変化は認められなかった。したがって、盛土 材の弾性係数 E は地震時における盛土の鉛直変位量にあ まり影響しないものと考えられる。

つぎに、盛土材の粘着力 c についての解析・検討を行な った。Mohr-Coulomb 式によれば、粘着力 c が大きくなれ ば、土のせん断強さが増加する。よって、盛土材の粘着力 を c=20、30、40、50kPa の 4 つの場合について解析を行い、 盛土材のせん断強さが盛土の耐震性に及ぼす影響につい て検討した。図 12 は盛土材の粘着力 c=30、40 kPa の時の 盛土基礎地盤モデルの変形の終局状態を示す。盛土材の粘 着量 c を向上させると、盛土の天端、法肩、法尻の変位量 が減少していくことが図 15 から読み取れる。これは、盛 土のせん断強さの向上によるものと考えられる。天端にお ける粘着力 c が c=20kPa の場合と c=50 kPa の場合の変位 量が 0.65m、法肩では 0.372m、法尻では 0.16m 減少したこ とから、盛土の粘着力 c を増加させることは、盛土の耐震 性向上に対して有効である。

最後に盛土材の単位体積重量 γ についての解析・検討を 行なった。地盤上における盛土や構造物の単位体積重量が 小さければ、地盤にかかる力が減少することが容易に考え られる。したがって盛土材の単位体積重量の値を γ =16, 14, 12, 10kN/m³と小さくすることで、盛土材の単位体積 重量 γ が盛土の耐震性に及ぼす影響について検討した。図 13 は単位体積重量 γ =14、10kN/m³の場合の盛土基礎地盤 モデルの変形の終局状態を示す。盛土の単位体積重量 γ の軽量化に伴い変位量が減少することを図 16 は示してい る。天端における単位体積重量 γ =18 kN/m³の場合と γ =10



(a) 盛土材の粘着力 c=30kPa

(b) 盛土材の粘着力 c=40kPa





図13 盛土材の単位体積重量 γ を変えた場合の変形の終局状態.



kN/m³の場合の変位量が 1.05m、法肩では 0.668m、法尻で は 0.22m 減少した。

盛土材の条件(弾性係数 E、粘着力 c、単位体積重量 γ) が盛土の耐震性に与える影響について、単位体積重量 γ の変更による効果が最も顕著に表れた。これは、盛土材の 単位体積重量γを小さくすることで、盛土の耐震性を向上 させることができることを示唆している。しかし、軽量盛 土として、気泡混合盛土が使われるが、地震による水平荷 重を受けた場合、この盛土にせん断応力が発生するととも に、斜め引っ張り応力が発生するため、実施工時には十分 な配慮が必要となる。

5. まとめ

本研究では、有限要素法により盛土基礎地盤の変形解析 を行った。その結果、マグニチュードや最大加速度、地震 波の継続時間の違いが盛土の変形挙動に与える影響を有 限要素法による解析により明らかにした。また、単位体積 重量γが小さく、粘着力cの大きい材料を盛土材として使用 することで、盛土の耐震性を向上させることができること を示唆した。

参考文献

- 佐々木 哲也:道路盛土の耐震性向上の考え方、ベース設計資料, No.148 土木編, pp.48-51, 2011.
- 鍋島 康之,田中 雄太,豊田 新悟:法尻補強した道路 盛土の振動台実験,明石工業高等専門学校研究紀要, No.50, pp.35-40, 2007.
- 3) 亀井 健史,珠玖 隆行,志比 利秀: Cam-clay 有限変形 解析によるマレーシア軟弱海成粘土地盤上に建設され た試験盛土の力学的挙動の評価,地盤工学ジャーナル, Vol.1, No.3, pp.71-83, 2006.
- 4) Kamei, T., Shuku, T. and Shibi, T.: Simplified Deformation Analysis of Embankment Foundation Using Soil Parameters Estimated by Plasticity Index, The 20th International Offshore and Polar Engineering Conference, 2, pp.551-558, 2010.
- 5) 田中 博文, 沖村 孝, 鳥居 宣之: 盛土の地震応答特性 評価に地盤の空間的不均質性が及ぼす影響, 土木学会 地震工学論文集, No.28, pp.1-8, CD-ROM, 2005.
- を 吉弥, 一井 康二, 土田 孝, 加納 誠二: 降雨による盛土の耐震性低下に関する-考察, 土木学会論文集, Vol.65, No.2, pp.401-411, 2009.
- 7) 篠田 昌弘,米澤 豊司,丸山 修,小島 謙一: ライフ サイクルコストを用いた地震時の補強盛土の経済的評 価,土木学会論文集 C, Vol.65, No.2, pp.506-517, 2009.
- 8) 地盤工学会: 地盤技術者のための FEM シリーズ①は じめて学ぶ有限要素法, 地盤工学会, 206p., 2003.
- 9) 地盤工学会: 地盤技術者のための FEM シリーズ②弾 塑性有限要素法がわかる, 地盤工学会, 296p., 2003.
- 10) 地盤工学会: 地盤技術者のための FEM シリーズ③弾 塑性有限要素法をつかう, 地盤工学会, 314p., 2003.
- 池田 俊雄: 地震時変状盛土の地盤条件に関する報告 書,長岡技術科学大学,60p.,1986.