磁気浮上型フィンを利用した振動型混合装置 (フィン加振機構の改良と水中攪拌フィンの減衰係数の同定)

西林 航¹⁾· 岡部 匡²⁾

Development of Vibratory Mixer Using Magnetically Levitated Fin (Improvement of Exciting Method of Fin and Identification of Damping Coefficient of Vibrating Fin in Water)

Wataru NISHIBAYASHI, Tadashi OKABE

Abstract

In order to improve the mixing efficiency for liquid-liquid or liquid-powder, vibratory mixer using levitated fin by magnetically repulsive force of a pair of permanent magnet is developed. The fin is excited by the outside magnetic force fluctuating periodically and performs reciprocating motion in cylindrical mixing tank. Some experiments are performed to clarify the characteristic of the motion of the fin and the frequency responses of the motion of the fin are show. The analytical model of the levitated Fin becomes the nonlinear oscillator because the magnetically repulsive force has strong non-linearity. The equation of motion of the fin with non-dimentional form is derived. The damping coefficient is an important parameter to specify the motion of the magnetically levitated fin in the water. In general, it is difficult to estimate the damping coefficient of oscillator when the damping capacity is very large. In this study the damping coefficient of vibratinf fin in water is identified by using the phase method. It is confirmed that the damping coefficient of vibrating fin in water is changed greatly by the frequency.

Keywords: Nonlinear vibration, Vibratory mixer, Magnetically levitated fin, Damping coefficient

1. 緒言

食品、医療品、化粧品、化学工業をはじめ多くの工業分 野で利用される各種材料や工業製品などの物資生産プロ セルにおける重要な行程の一つとして、液体と液体または 液体と粉体の攪拌、混合、溶解がある。近年、種々の物質 生産において、従来にも増してこれらの行程に対して高速 化、高精度化、分散粒子の高均一化が要求されている。現 在利用されている多くの攪拌・混合装置の多くは攪拌槽内 を回転翼で攪拌するタイプのものである。しかしながら、 このタイプの攪拌・混合装置は、装置が大きくなる上に、 混合効率が非常に悪く、また、ダマ(粉体の未溶解固形物) の生成による不良品の発生や混合過程での不純物の混入 などの問題点がある。これらの問題点を解決したものとし て、振動型混合装置がある。この振動型混合装置とは、攪 拌層内で攪拌フィンを上下に往復運動させることにより、 物質の攪拌・混合を行うものである。しかしながら、従来 の振動型混合装置は攪拌フィンとその駆動機構がシャフ トに直結しているため、摺動部からの液漏れを防ぐために

厳重なシールが必要となり、それによる動力損失、摺動部 から攪拌層内への不純物の混入など装置の高性能化をは かるうえで解決すべき問題点がある。これらの問題点を解 決するために、著者らは、磁気浮上型攪拌フィンを用いた 振動型混合装置を提案した¹⁾。

この装置は磁気反発力によって攪拌フィンを攪拌層内 に浮上させることによって、従来の振動型混合装置では不 可能だった攪拌層と外部環境との分離を実現した。この振 動型混合装置の攪拌フィンは、攪拌槽外部の周期変動磁場 による励振で攪拌槽内で振動し、磁気ばねにより構成され る振動系の非線形共振を利用して、攪拌フィンを大振幅か つ高振動数で振動させることが可能となる。磁気浮上用磁 石の磁石間距離を変化させることで磁気反発力を調整で きるので、攪拌フィンの共振振動数を変化させることが容 易である。

本研究では、振動型混合装置の実用化を目的として、既 報¹⁾で提案した混合装置に対して、攪拌フィンの加振方 法、攪拌槽などの改良を行った試作機を製作した。本論文 では、まず、実際に製作した磁気浮上攪拌フィンを利用し た振動型混合装置の概要について述べた後、攪拌フィンの 運動方程式の定式化を行う。また、この振動型混合装置の 攪拌フィンの振動特性を評価するためには、数値シミュレ

¹⁾ 機械システム工学専攻大学院生

²⁾ 機械システム工学科准教授

ーションの実施が必要不可欠であり、その際フィンの振動 特性を正確に評価しておくことが重要となる。本研究で扱 う液体中で運動する攪拌フィンのように大きな減衰をも つ系の場合には、正確に減衰能の大きさを同定することは 困難である。そこで、本研究では、実際に使用する攪拌フ ィンの減衰係数を求めるため、高減衰時でも適用可能であ る位相法²⁾を用いて本装置の攪拌フィンの減衰能の評価 を行ったのでここに報告する。

2. 磁気浮上攪拌フィンを用いた振動型混合装 置の概要

本研究で製作した振動型混合装置の全体図を図 1 に示 す。以下に本装置の特徴を説明する。

(1) 本振動型混合装置は、磁気反発力によって攪拌層内で 浮上した攪拌フィンを周期変動する磁場によって外部よ り強制的に振動させて攪拌を行う装置である。これによっ て攪拌層と外部環境の分離が可能となり、従来の振動型混 合装置の問題点を解決することができる。

(2) 攪拌フィンの両端に二つの永久磁石 A'、B'を取付け、 それと同極が対向するように攪拌層下部、上部に永久磁石 A、B を設置している。また、攪拌フィン中央部にも永久 磁石 C'、攪拌層中央部に永久磁石 C を同極が対向するよ うに取付ける。この永久磁石 A、A'及び B、B'の磁気反発力 の合力により攪拌フィンを浮上させる。これらの永久磁石 には、ネオジウム磁石を使用した。

(3) 攪拌層内の液体の運動が確認できるように、攪拌層に はアクリルパイプを使用した。攪拌槽下部に設置した主液 注入口から混合液の媒体となる主液を、副液注入口から副 液を注入し、振動する攪拌フィンにより混合された後、攪 拌槽上部の排出口から主液と副液の混合液を排出する。攪 拌槽は、内径 90mm の3 個のアクリルパイプ P1~P3 で構 成され、それぞれのアクリルパイプの間には、4 か所に穴 をあけた仕切り板 Q1~Q3 が設置されている。攪拌フィン が運動する P2 部のユニットが実際に混合を行う部位であ る。P2 部ユニットは、その上部に同型のユッニトを直列 に積層して追加設置することが可能である。P2 部のユニ ットを追加していくことにより、融解が非常に困難な物質 の混合・攪拌にも対応することが可能となる。なお、本研 究では、P2 部の1ユニットのみで基礎実験を実施した。

(4) 図2に攪拌フィンの羽根部プレート、図3に攪拌フィン全体図を示す。この攪拌フィンは中央の羽部と両端に取付けた永久磁石 A'、B'及び中央に取付けた永久磁石 C' とそれらをつなぐ2本のシャフトS₁、S₂によって構成されている。攪拌フィンの羽根部は、図2に示すように4か所に穴をあけた半径40mmの円形のアクリルプレート3枚で 構成されている。

(5) 水環境に適用できるように中心軸と攪拌フィンの摺 動部はフェノール樹脂製すべり軸受けを使用した。このす べり軸受けにより、攪拌フィンは上下方向の運動に拘束さ れ、かつ攪拌フィンの中心軸まわりの回転を防止している。 (6) 永久磁石 A の周期的運動によって、攪拌フィンに作用 する磁気力が変化し、攪拌フィンが励振される。永久磁石 A の駆動にはスライダ・クランク機構を使用し、モーター の回転を偏心カム及びリンクを介して往復運動に変換し ている。このような加振方式を採用したことで、加振部と 攪拌層は完全に分離でき、スライダクランク機構の不つり 合い慣性力により発生する振動が攪拌槽に伝わることを 防いでいる。



図 1. 振動型混合装置全体図.



図2. 攪拌フィン羽根部.



図 3. 攪拌フィン全体図.

3. 攪拌フィンの運動方程式

攪拌フィンの解析モデルを図4に示す。中心軸により運 動方向が鉛直方向のみに拘束された磁気浮上型攪拌フィ ンを、質量 m [kg]の浮上物体とする。攪拌フィンは永久磁 石A、Bによって挟まれており、永久磁石A、A、及び永久磁 石 C、C'の磁気反発力によって浮上している。攪拌層仕切 り板 OI に取り付けてある永久磁石 C の上面と攪拌フィン 中央部に取り付けてある永久磁石 C'下面までの浮上距離 x[m]とおく。また、スライダ・クランク機構により往復運 動する基礎部の強制変位を $S(\omega t)$ とする。ここで、 ω [rad/s] は永久磁石A(基礎部)の強制変位の角振動数、t[s]は時 間である。この強制変位 $S(\omega t) = 0$ 、すなわち $\omega t = \pi/2$ の ときの永久磁石 A の上面と永久磁石 B の下面までの距離 を $L_1[m]$ 、永久磁石Bの下面と永久磁石Cの上面を $L_2[m]$ 、 永久磁石 B'の上面と永久磁石 C'の下面の距離を L₁[m]、永 久磁石Bの上面と永久磁石A'の下面の距離をL₄[m]とする。 図 4 に示す攪拌フィンの解析モデルの運動方程式は次式 となる。

$$m\frac{d^{2}x}{dt^{2}} + c\frac{dx}{dt} + mg - F_{1}(x)$$

$$-F_{2}(G_{1} + x) + F_{2}(G_{2} - x) = 0$$
(1)

ここに、m [kg]は浮上体質量、c [Ns/m]は系の減衰係数、 $F_1(x)$ 、 $F_2(x)$ [N]は、それぞれ永久磁石 A、A'と C、C'間の 磁気ばね関数である。式(1)中の G_1 、 G_2 は次式で表される。

$$G_1 = L_1 - S(\omega t) - L_4 - L_2 + L_3 \tag{2}$$

$$G_2 = L_2 - L_3 \tag{3}$$

本装置では、モータの回転運動から永久磁石Aの往復運



図4. 攪拌フィンの解析モデル.

動の変換機構に加振機構にスライダ・クランク機構を使用 している。t=0において、永久磁石 A が最上部に位置し ているとした場合の永久磁石の A の変位 $S(\omega t)$ は、次式で 表される。

$$S(\omega t) = a \left\{ 1 - \cos \omega t + \frac{b}{a} \left(1 - \sqrt{1 - \left(\frac{a}{b}\right)^2 \sin^2 \omega t} \right) \right\}$$
(4)

ここで、 ω [rad/s]はクランクの回転角速度、a, b[mm]は、 それぞれクランクとコネクティングロッドの長さである。 また、磁気ばね関数 F(x)は、本装置に使用したネオジム 磁石の磁気反発力の近似式⁴⁾として次式を用いた。

$$F(x) = A \left(\frac{D}{B+x}\right)^2 + C \tag{5}$$

ここで簡単化のために

$$E = AD^2 \tag{6}$$

と置く。

式(5)中の定数 A、B、D、Cは、磁気反発力を測定値し、 その結果を最小自乗近似することにより決定できる⁴⁾。表 1には B₁、C₁、E₁、A₂、B₂、D₂、C₂の値をまとめた。これの 変数のにおいて下付添字1は、永久磁石CC³間、下付添字2 は永久磁石AA³間の磁気ばねの定数を表している。また、 図5、6には、永久磁石AA³、及びCC³の磁気反発力の計測値 及び式(5)による近似結果を示す。実線が式(5)による近似式 は、実験結果である。図5、6から、式(5)による近似式 は、実験結果とよく一致していることが確認できる。

| B ₁ | 0.008765 |
|----------------|----------|
| C ₁ | 0.053988 |
| Eı | 0.004855 |
| A ₂ | 122.8205 |
| B ₂ | 0.01685 |
| C ₂ | -6.2541 |
| D ₂ | 1.85500 |



pole-gap of permament magnet x [m]

図 5. 磁気反発力実験結果(磁石 CC'間).



図 6. 磁気反発力実験結果(磁石 AA'間).

4. 水中攪拌フィンの減衰係数の同定

既報¹⁾では、振動する攪拌フィンの運動は、非線形振動 系に対する高精度数値解法であるシューティング法⁵⁾を 利用して数値シミュレーションを行った。減衰が小さい場 合には、Qファクター法³⁾などにより減衰能の評価は可能 であるが、水中で振動する攪拌フィンのように減衰が大き い場合には、正確な減衰係数の特定は困難であった。その



図 7. 位相法における解析モデル.



図8. 力のベクトル表示.

ため、数値計算に用いる減衰係数の大きさをほぼ合理的と 思われる一定の値に仮定することで数値シミュレーショ ンを行わざるをえなかった。その結果、数値シミュレーシ ョン結果は、定性的ばかりか定量的にも実験結果と大きく 異なり、信頼性の乏しいものとなった。これは振動数 *ω* に 依存して減衰係数が変化しているにもかかわらず、常に一 定値と仮定したことが原因と考えられる。そのため、本研 究では、高減衰時においてもその減衰係数を測定可能であ る位相法²⁾を用いて減衰係数 *c* を測定する。

以下に、位相法の概要を以下に述べる。図7には位相法の解析モデルを示した。ばね定数 K[N/m]のばねで支持された被支持体の質量を M[kg]とし、被支持体の平衡点を原点とする絶対変位の鉛直方向変位を y[m]で表す。また $a_0[mm]$ を基礎の絶対変位振幅、 ω [rad/s]を基礎の強制変位角振動数、t[s]を時間、基礎部の強制変位を $y_0 = a_0 \sin \omega t$ 、粘性減衰係数 c[Ns/m]とする。この振動系の運動方程式は次式で表される。

 $M\dot{y} + c\dot{y} + Ky = Ky_0 + c\dot{y}_0 = P_{eq}\sin(\omega t + \gamma)$ (7)

ここで、*P*_{eq}は等価加振力、γは基礎の変位と等価加振力 の位相角を表しており、次式で表される。

$$P_{eq} = a_0 K \sqrt{1 + (2\zeta\alpha)^2} \tag{8}$$

$$\gamma = \tan^{-1} 2\zeta \alpha \tag{9}$$

表1. 磁気反発力の近似式のパラメータの値.

$$\omega_n = \sqrt{\frac{K}{M}}, \quad \zeta = \frac{c}{2\sqrt{MK}}, \quad \alpha = \frac{\omega}{\omega_n}$$
 (10)

であり、ω,は不減衰固有振動数、ζは減衰比、αは振動 数比である。式(7)の定常解は、

$$y = a\sin\{\omega t - (\phi - \gamma)\}$$
(11)

と表され、a[m]は被支持体の振幅、 ϕ は等価加振力と被 支持体の変位の位相角である。また、基礎と被支持体の変 位角 $\phi-\gamma$ は、

$$\phi - \gamma = \tan^{-1} \frac{2\zeta \alpha^3}{1 - (1 - 4\zeta^2)\alpha^2}$$
(12)

となる。ここで式(7)を次のようにベクトル表示する。

$$MY + cY + KY = KY_0 + cY_0 = P$$
⁽¹³⁾

$$Y_0 = a_0 e^{i\omega t}$$
: 可動基礎の変位ベクトル

 $P = P_{eq} e^{i(\omega t + \gamma)}$
: 等価加振力ベクトル

 $Y = a e^{i(\omega t - \phi + \gamma)}$
: 被支持体の変位ベクトル

(14)

 $\omega < \omega_n$ のときの式(13)のそれぞれの項のベクトルを複 素平面上に図示すると図 8 のベクトル線図を得る。ここで は便宜上 Y を実軸上に図示している。位相法とは、図 8 の位相角 $\phi - \gamma$ を測定して減衰を求める方法である。図 8 から次の関係式を得る。

$$\begin{vmatrix} ic\omega \mathbf{Y} &| = |K\mathbf{Y}_0|\sin(\phi - \gamma) + |ic\omega \mathbf{Y}_0|\cos(\phi - \gamma) \\ |M\omega^2 \mathbf{Y}| + |K\mathbf{Y}_0|\cos(\phi - \gamma) \\ &= |ic\omega \mathbf{Y}_0|\sin(\phi - \gamma) + |K\mathbf{Y}| \end{vmatrix}$$
(15)

これを解くと、減衰係数 c が次式から求められる。

$$c = \frac{M\omega\sin(\phi - \gamma)}{\left(\frac{a}{a_0}\right) + \left(\frac{a_0}{a}\right) - 2\cos(\phi - \gamma)}$$
(16)

また、減衰比は次式から計算できる。

$$\zeta = \frac{\sin(\phi - \gamma)}{2\sqrt{\left\{\left(\frac{a}{a_0}\right) + \frac{a_0}{a} - 2\cos(\phi - \gamma)\right\}\left\{\left(\frac{a}{a_0}\right) - \cos(\phi - \gamma)\right\}}}$$
(17)

 $\omega > \omega_n$ のときも式(16)と同じ関係式が得られるので、任意の振動数 ω においてこの式を適用することができる。したがって、基礎部と被支持体の位相差 $\phi - \gamma$ 、基礎部の振幅 a_0 [m]、被支持体の振幅a[m]を測定することで、液中で攪拌フィンが振動する場合のような高減衰時の減衰係数を求めることができる。

5. 減衰係数の同定実験

攪拌フィンの減衰係数を求めるために製作した実験装置の概略図を図9に示す。4本のコイルばね上に支持された可動プレートに攪拌フィンを取り付ける。攪拌フィンは



図9. 減衰実験装置の概略図.



図10. 減衰測定実験結果.

基礎に固定されたアクリルパイプ内を鉛直方向に振動する。アクリルパイプ内には水が満たされている。

図9の実験装置を加振機(明石製作所(株)・UBC-4型振動試験機)上に設置することにより、基礎部に正弦変位を与える。加振振動数は、振動式混合装置の運転範囲の1Hzから30Hzまでとし、振動数は1Hzずつ増加させて測定を行った。加振変位は1Hzから9Hzまでは片振幅5mmとする。10Hzから25Hzは加振機の特性上加振変位を調節することができないが、式(16)においては、基礎部と被支持体の振幅比のみを使用するため、減衰係数の計算に影響はないものと考える。各振動数における基礎および被支持体の変位はレーザー変位計(キーエンス(株)・LK-500)を用いて測定した。実験によって得られた水中で振動する攪拌フィンの減衰係数の結果を図10に示す。横軸は周波数

ω[Hz]で縦軸は減衰係数 c である。図 10 からわかるよう に、水中で振動する攪拌フィンの減衰係数は、振動数に依 存して大きく変化する。また、攪拌フィンの減衰係数は図 示の振動数域では、ωが増加するにつれて減衰係数も増 加することが確認できる。

6. 攪拌フィンの振動特性

最後に、本研究で製作した振動型混合装置における攪拌 フィンの振動特性の確認を行った。攪拌層内には水を流し ながら、加振部の加振片振幅を5mm、10mmとし振動実験 を行った。加振周波数は1.0Hzから1.0Hz刻みで増加させた。 ただし、共振点付近と思われる振動数範囲は0.5Hzきざみ で測定を行った。図11、12に実験結果から得られた攪拌フ ィンの振動のPeak-to-peak振幅の周波数応答曲線を示す。 図11、12は、それぞれ加振振幅5 [mm]、10 [mm] とした場 合の実験結果である。横軸は加振周波数 ω [Hz]で縦軸は Peak-to-peak振幅 X_p である。図11、12から、加振変位 a = 5[mm]の場合とa = 10[mm]の場合、共に加振周波数が



図11. 攪拌フィンの周波数応答曲線 (a=5mm).



図12. 攪拌フィンの周波数応答曲線 (a=10mm).

約4.5[Hz]で攪拌フィンの共振を確認できた。また、加振変 位a = 10[mm]の場合では、低振動数から共振点までの振幅 が加振変位a = 5[mm]に比べて大きくなっていることが確 認できる。

今回の実験では、永久磁石BB'の磁石間距離を比較的大 きくしたものであり、その結果、共振は低い振動数で発生 している。磁石間距離を調節して、磁気ばねを硬くすれば、 共振振動数をより高振動数域に移動させることが可能で ある。その結果、攪拌フィンを高振動数域で共振を発生さ せ、大振幅の振動を実現できる見通しである。

7. 結言

本研究では、既報¹⁾で提案した磁気浮上型攪拌フィンを 用いた振動型混合装置に対して攪拌フィン加振方法及び 永久磁石によるフィンの浮上方法の改良を行い、新たな振 動型混合装置を製作した。本研究で試作した振動型混合装 置の基本性能を確認するため、装置運転時の攪拌フィンの 振動特性を実験によって確認した。攪拌フィンの共振振動 数は約 5Hz と低いものであったが、使用する磁石間距離 の変更で、より高振動数域で攪拌フィンを共振させること が可能であるとの見通しを得ることができた。

また、今後の本装置の改良設計の際に必要となる攪拌フ ィンの運動方程式を定式化を行った。さらに、数値シミュ レーションで必要となる水中攪拌フィンの減衰係数を位 相法を用いて求めた。実験結果より、水中で振動する攪拌 フィンの減衰係数は、振動数に依存して大きく変化するこ とが確認できた。

今後、本研究で得られた知見をもとに、攪拌フィンの運動の数値シミュレーションを実施し、その結果をもとにさらに本振動型混合装置の改良を行っていく計画である。

終わりに、本研究は、平成22年度科学研究費基盤研究 (C)の補助を受けたことを付記し、関係各位に謝意を表す る。

参考文献

- 寺内 克行,岡部 匡ほか2名:磁気浮上型フィンを 利用した振動型混合装置の開発,日本機械学会九州支 部第61期総会・講演会講演論文集,No.088-01,203-204, 2008.
- 関ロ 久美,浅見 敏彦:大きな減衰係数の測定法,日本機 械学会論文集(C編),47(422),1317-1320,1981.
- 日本機械学会編:機械工学便覧基礎編α2機械力学,37, 2004.
- 田村 英之,徐志祥,松永 淳一:磁気ばね関数同定の計算プログラム,日本機械学会論文集 (C編),58 (546), 635-642,1992.
- 5) 近藤 孝広,矢ヶ崎 一幸:非線形振動とカオスに関する二,三の最近の話題,日本機械学会論文集 (C編), 61 (583),746-751,1994.