# 計算機処理速度向上を目的とした プリント基板配線設計法と検証実験

吉原郁夫<sup>1</sup>) 飛高壮明<sup>2</sup>) 小泉尚己<sup>3</sup>) 山森一人<sup>4</sup>) 安永守利<sup>5</sup>)

# Experiments on a Novel Transmission Line Design for High Speed Computing

Ikuo YOSHIHARA Masaaki HIDAKA Naoki KOIZUMI Kunihito YAMAMORI Moritoshi YASUNAGA

#### Abstract

Waveform distortion is a serious problem transmitting signals in higher frequency on printed circuit boards. In order to overcome this problem, thesegmental transmission line(STL)has already been proposed. In this reserch, we reshape signal waveforms using limited kinds of line-width and changing the segment-length together. We also develop a design methodology using a GA to determine the optimal paremeter for the proposed STL.We experimented designed STL on physical model.

Key Words: transmission line, GA, printed circuit board

## 1 はじめに

近年計算機の処理速度向上のため、一度に転送 するデータを増やすバス幅の拡張や単位時間当 たりに行う処理の回数を増やすクロック周波数の 向上などの方法が採られてきた。しかし、バス幅 の拡張には信号線数の増加による配線密度の増加 が避けられず、製造が困難だったり配線容量の増 加による信号波形の歪みなどの問題がある。その ため、クロック周波数を高くすることで処理速度 を向上させる方法が有力である。ところが現在は CPU 内部のクロックが数ギガへルツレベルにま で到達しているのに対し、プリント基板上を伝搬 するクロック信号の周波数は未だ数百メガへルツ にとどまっている。図1にその現状を示す<sup>1)</sup>。プ リント基板上を伝搬するクロック信号の周波数を 高くすることができれば、計算機全体の処理速度

<sup>3)</sup>博士後期課程システム工学専攻,学生

<sup>5)</sup>筑波大学大学院システム情報工学研究科、教授

を向上させることが期待できる。



図.1 CPU とメモリのクロック周波数の変 化

プリント基板上にはLSIなどの様々な部品が実 装されている。プリント基板上の信号は伝送線側 を伝搬する信号と部品に入力される信号とに分か れる。また部品側に分かれた信号は部品の入力端 で反射し、この反射波が元の信号に重畳されるた め信号波形に歪みが生じる。伝送線に接続された LSI は等価的に容量性負荷とみなせる。これによ りインピーダンスが変化し反射波が発生する。ま

<sup>1)</sup>情報システム工学科、教授

<sup>2)</sup>情報システム工学科、学生

<sup>4)</sup>情報システム工学科、准教授

た、この反射波は、信号の周波数が高くなるにつ れて大きくなるため、プリント基板上を伝搬する 信号の周波数を高くする際の障害となる。

安永、吉原らは、部品が接続された点での反射 と線幅を変えることでの反射を積極的に利用する ことにより反射波の影響を抑えるセグメント分割 伝送線構造<sup>2)</sup>を提案している。ている。セグメン ト分割伝送線では、伝送線を線幅の異なるいくつ かのセグメントに分割し、各セグメントの線幅の 組合せを調節することで、伝送線の特性インピー ダンスを変化させ、故意に反射波を発生させ、こ れらの反射波とLSI などの部品が原因で発生する 反射波を重ね合わせることで、波形の歪みを解決 させる。さらに、小泉ら<sup>3)</sup>による継続研究で個々 のセグメント長を可変にすることで歪みを打ち消 す不等長セグメント分割伝送線も報告されている。 不等長セグメント分割伝送線では、LSI との接続 点における信号波形がより歪みの少ない波形にな るように各セグメントの長さと線幅を遺伝的アル ゴリズムを用いて決定する。これまでの不等長セ グメント分割伝送線を用いたシミュレーションモ デルでは、LSI などの部品が接続されている点で の歪みが解消できることがすでに分かっている。

そこで本研究では、シミュレーションにより求 めた不等長セグメント分割伝送線を伝送路実験モ デルで模擬し、シミュレーションで得た波形と同 軸ケーブルを用いた伝送路実験モデル上での実測 波形を比較することでクロック供給配線を事例に シミュレーション結果の検証を行なう。

# 2 プリント基板上を伝搬する信号と波形の 歪み

#### 2.1 伝送線の等価回路表現とインピーダンス

プリント基板の配線を、等価回路に置き換えて 考える。近年プリント基板上の実装密度は高くな り配線間隔が狭くなった。また、クロック信号の 周波数も高くなってきたことで、プリント基板上 の配線は分布定数回路と見なして取り扱う必要 がある。分布定数回路とは、回路定数が空間的に 分布している回路のことであり、図2はプリント 基板上の伝送線を等価回路表現したものである。 また交流回路における抵抗をインピーダンスと呼 び、本研究では伝送線を無損失線路と仮定するた め図2のGとRを省略し、インピーダンスZを 式(1)のように表す。



 $Z = \sqrt{\frac{L}{C}}$ 

(1)



## 2.2 インピーダンスの不連続による波形の歪み

クロック供給配線のモデルを図3に示す。信号 源であるクロックドライバは電圧源 $V_0$ と内部抵 抗 $R_{on}$ で表される。また、 $R_D$ はクロックドライ バの出力に接続されたダンピング抵抗である。ダ ンピング抵抗を通過したクロック信号は、特性イ ンピーダンス $Z_0$ の伝送線を伝わり、終端抵抗 $R_T$ に到達する。伝送線上にLSIなどの部品は等価的 に容量性負荷 $C_L$ とみなせる。この容量性負荷は 分布定数回路に図3のように挿入された形とな り、挿入された近傍で式(1)のCが増加すること により、みかけ上伝送路の特性インピーダンスが 変化する。インピーダンスの変化により図4の様 に一部の信号が反射し、残りの信号が透過してい く。この反射波が後からくる信号と重ね合わさる ことで信号波形が歪む<sup>4)5</sup>。



図.3 クロック供給配線

### 2.3 セグメント分割伝送線

(1) セグメントを等長に分割し、幅のみを変える 方式



図.4 反射波発生の仕組み

図5にセグメント分割伝送線を示す。セグメン ト分割伝送線では、各セグメントの線幅を調整 することで、伝送線の特性インピーダンスを変化 させる。これにより、各セグメント間で特性イン ピーダンスが不連続となり反射波が発生する。こ れらの反射波と容量性負荷 *C*<sub>L</sub> による反射波が互 いに打ち消し合うように個々のセグメントの特性 インピーダンス *Z*<sub>ii</sub> を決定する。

セグメントの数を*m*、各セグメントのとり得る 特性インピーダンスの値を*n*通りとすると、全体 的な組み合わせは *n<sup>m</sup>*通りとなり、組合せ爆発が 起こる。そこで、安永、吉原ら<sup>2)</sup>は遺伝的アルゴ リズムを用いて各セグメントの最適な組合せを決 定している。ところが、セグメント分割伝送線で はセグメントの長さを固定しているため、線幅を 調節することでしか反射波を発生させることがで きない。その結果 99 種類もの線幅を用意する必 要があり、その線幅の中には製造技術上設計する ことのできない線幅もある。





(2) セグメントの長さも幅も変える方式

そこで、小泉ら<sup>3)</sup>により図6のように個々のセ グメントの長さ*L<sub>ij</sub>*を変化させた不等長セグメン ト分割伝送線構造が報告されている。不等長セグ メント分割伝送線構造では、個々のセグメントの 長さを変化させることで反射波の位相をずらし、 さまざまな反射波をうまく重ね合わせ信号波形の 歪みを打ち消す。これにより不等長セグメント分 割伝送線構造ではセグメント分割伝送線構造と比 較してより少ない線幅の種類とセグメント分割数 で設計することが可能である。





# 2.4 遺伝的アルゴリズムによるセグメントパラ メータの最適化

遺伝的アルゴリズムとは生物の進化の過程をモ デル化した解探索アルゴリズムである。解の候補 を遺伝子で表現した「個体」を複数用意し、それ らの個体に交差・選択・突然変異などの遺伝的操 作を行う。選択の際には適合度の高い個体を優先 的に残すことで個体群を進化させ、目的とする解 を探索していく<sup>60</sup>。図7は不等長セグメント分割 伝送線の設計で用いる遺伝的アルゴリズムのパ ラメータ設定フローチャートである。不等長セグ メント分割伝送線の設計で用いる遺伝的アルゴリ ズムのパラメータ設定では、まずランダムに初期 個体群を生成する。次に交差、適合度の評価・選 択といった遺伝的操作を終了条件に適合するまで 行う。



```
図.7 遺伝的アルゴリズムのフローチャート
```

図8に遺伝子の構造を示す。各個体は2本の染 色体を持っている。

- 各セグメントの線幅、ダンピング抵抗 R<sub>D</sub>、終端抵抗 R<sub>T</sub> を並べたもの
- 各セグメントの長さを並べたもの

354

この2種類の染色体で伝送線を表す。各個体は 各々2種類の染色体を1つずつ保持している。



図.8 遺伝子表現

個体の適合度は図9のように理想的な波と観測 波の差の面積を式(2)を用いて計算し、その面積 のずれ分が小さい個体ほど高い適合度となるよう 式(3)のように定義する。また波形の計算にはア ナログ回路シミュレータ SPICE を用いる。

$$Diff = \int_{t_1}^{t_2} |I(t) - R(t)| dt$$
 (2)

$$fitness = \frac{1}{Diff} \tag{3}$$



図.9 面積のずれ分の計算

*I*(*t*):理想波形

*R*(*t*): 実際の観測波形

### 3 検証実験

本研究ではまず第2章で説明したシミュレー ション手法を用いて、伝送線の最適な線幅とイン ピーダンスの組合せを求める。次に求めた各セグ メントの線幅を同軸ケーブルに置き換えて不等長 セグメント分割伝送線の伝送路実験モデルを製作 し、シミュレーション条件と同じ信号を流した場 合の観測点での信号波形を観測する。シミュレー ションモデルと伝送路実験モデルの観測波形を比 較することで、シミュレーションモデルの検証を 行なう。

物理実験では図 10 の様に、シミュレーション モデルで異なる線幅を用いる変わりに、インピー ダンスの異なる同軸ケーブルと平行フィーダを用 いて不等長セグメント分割伝送線作成する。LSI が持つ負荷容量の変わりに小容量のコンデンサを 用いる。クロックジェネレータとしては図 11 パ ルスジェネレータを用い、図 12 のオシロスコー プで実測波形を観測することで、物理モデル上で のセグメント分割伝送線の有用性を検証する。







図.11 パルスジェネレータ



図.12 クロック観測波形

#### 3.1 設計対象

図 10 のように 2 つの素子を接続した不等長セ グメント分割伝送線を設計対象とする。IC が接続 されている観測点  $P_1$ 、 $P_2$ の位置に負荷容量  $C_L$  = 200pF の素子が接続されているものと仮定し、信 号入力点  $P_1$  における信号の波形を観測する。

通常の伝送線は、50 Ωの同軸ケーブルのみで 構成する。一方、不等長セグメント分割伝送線は インピーダンスの異なる同軸ケーブル 2 種類(50 Ω、75 Ω)と平行フィーダ(200 Ω、300 Ω)を用 いて設計する。各セグメント同士は図 13 のよう にハンダを用いて直接接続し、クロックドライバ とセグメント、セグメントと波形観測点 P、セグ メントと終端抵抗は 図 14 のように BNC コネク タを用いて接続する。ハンダや BNC コネクタを 用いることで、インピーダンスが不連続となるこ とが考えられる。しかし予備実験において影響は 小さくほとんど波形に表れないということがすで に確認されている。実験に用いたパラメータを以 下に示す。



図.13 同軸ケーブル同士の接続



図.14 BNC コネクタ

信号の振幅:3.3V 信号の切り替わり時間:8.75ps 信号の周波数:5MHz

●設計するセグメント分割伝送線のパラメータ

使用する同軸ケーブル:50 Ω,70 Ω,200 Ω,300 Ω ダンピング抵抗、終端抵抗:50 Ω、75 Ω

ダンピング抵抗〜観測点1までのセグメント 数:5

観測点1~観測点2までのセグメント数:3 観測点2~終端抵抗までのセグメント数:7 ダンピング抵抗~信号入力点1までの距 離:1000mm

信号入力点1~信号入力点2までの距離:600mm 信号入力点2~終端抵抗までの距離:2000mm

#### 3.2 実験結果

実験結果を図 15~図 19 に示す。各図の縦軸は 電圧、横軸は時間である。図 15 はシミュレーショ ンで観測された通常の伝送線での波形である。LSI に見立てた負荷容量による反射波が原因で大きく 波形が歪んでいる。図 16 は物理モデルを用いた 実験で観測された通常の伝送線での波形である。 図 15 のシミュレーションと同様に大きく波形が 歪んだ結果となった。また伝送路実験モデルで観 測した波形はシミュレーションモデルとほぼ同じ 波形が観測できた。

図18はシミュレーションで観測された不等長セ グメント分割伝送線での波形である。シミュレー ション結果の適合度を比較しても不等長セグメン ト分割伝送線の方が通常の伝送線と比べて高い適 合度となり、セグメント分割伝送線を用いること で波形の歪みが減少したといえる。図17は今回 設計した伝送線実験モデルである。図19は物理 モデルを用いた実験で観測された不等長セグメン ト分割伝送線での波形である。図18より鈍った信 号波形ではあるが、物理実験でもシミュレーショ ンと同じ波形で歪みの少ない信号波形が観測でき た。これにより、シミュレーション実験の結果が 正しいことが分かった。

●シミュレーション結果との比較

無対策な伝送線での波形適合度:0.017 セグメント分割伝送線での波形適合度:0.035

●伝送するクロック信号



#### 4 おわりに

本研究ではシミュレーションモデル上の波形 とインピーダンスの異なる同軸ケーブルと平行 フィーダを用いた伝送路実験モデル上での実測波 形を比較することでシミュレーションモデルの検 証を行なった。

伝送路実験モデルを用いた検証実験で観測した 波形はシミュレーションモデルで観測した波形と 類似していた。また、シミュレーションモデルと 同様に歪みの少ない信号波形が観測できた。これ により、物理的なモデルにおいても不等長セグメ ント分割伝送線構造を用いることで、LSIが接続 されることによる反射波の歪みを打ち消すことが でき、シミュレーションの結果が正しいことが分 かった。

今後の課題として、LSI などの部品が複数接続 されている、大規模な配線系においても、不等長 セグメント分割伝送線の有用性を検証する必要 があると考えられる。また、今回の規模のシミュ



図.19 不等長セグメント分割伝送線での実 測波形

】 500 レーションを行なうのに約半日~1日の時間が必 ★★★★★★ 要となった。その実行時間の約8割程度が SPICE の実行時間であるため、SPICE を並列に実行させ るなどの改良が必要だと考えられる。

## 参考文献

- 須藤俊夫, "高速システム設計における差動信号伝送の考え方", デザインウェーブマガジン, Vol. 9, pp. 56-63 (2003).
- [2] M. Yasunaga, I. Yoshihara and J. H.Kim, "The design of segmental transmission-line for highspeed degital signals using genetic algorithms", IEEE, Proc. of CEC2003, pp. 1748–1755 (2003).
- [3] 小泉尚己,吉原郁夫,山森一人,安永守利,"GAに よるセグメント分割伝送線構造のセグメント長と 線幅の最適化",電子情報通信学会技術研究報告, Vol. 105, No. 504, pp. 25–30 (2005).
- [4] 碓井有三, "ギガヘルツ時代の光速伝送線路設計", 信学技報, Vol. FTS200134, pp. 21–28 (2001).
- [5] 西哲生, "21 世紀への回路理論の基礎 [v] 一分布定 数回路の解析", 電子情報通信学会誌, Vol. 81, No. 2, pp. 202–210 (1998).
- [6] 佐藤浩, 小野功, 小林重信, "遺伝的アルゴリズムに おける世代交代モデルの提案と評価", 人工知能学 会論文誌, Vol. 12, No. 5, pp. 1–11 (1997).